

# Kvantová, atómová a subatómová fyzika

## Kvantové technológie

### Meranie spinu 1/2

Dva možné stavy s rôznymi priemetmi spinu na os z

$$|\uparrow_z\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad |\downarrow_z\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Povolené sú aj superpozície

$$|\psi\rangle = a|\uparrow_z\rangle + b|\downarrow_z\rangle = a\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + b\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$$

Operátor priemetu spinu na os z

$$\hat{s}_z = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$|\uparrow_z\rangle$  a  $|\downarrow_z\rangle$  sú vlastné stavy operátora  $\hat{s}_z$

## Skalárny súčin a normalizácia

Bra vektor

$$\langle \uparrow_z | = (1 \ 0) \quad \langle \downarrow_z | = (0 \ 1)$$

Superpozícia bra vektorov

$$\langle \psi | = a^* \langle \uparrow_z | + b^* \langle \downarrow_z | = (a^* \ b^*)$$

Normalizácia stavu

$$\langle \psi | \psi \rangle = (a^* \ b^*) \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = |a|^2 + |b|^2 = 1$$

3

## Priemet spinu v iných smeroch

Operátory spinu spĺňajú komutačné vzťahy a musia mať vlastné hodnoty  $\pm \hbar/2$

$$[\hat{s}_x, \hat{s}_y] = i\hbar \hat{s}_z \quad [\hat{s}_z, \hat{s}_x] = i\hbar \hat{s}_y \quad [\hat{s}_y, \hat{s}_z] = i\hbar \hat{s}_x$$

Riešením sú Pauliho matice násobené  $\hbar/2$

$$\hat{s}_x = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \hat{s}_y = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix} \quad \hat{s}_z = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

Vlastné stavy pre priemet spinu na os x

$$|\uparrow_x\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} |\uparrow_z\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |\downarrow_z\rangle$$

$$|\downarrow_x\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} = -\frac{1}{\sqrt{2}} |\uparrow_z\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |\downarrow_z\rangle$$

### Operátor spinu v ľubovoľnom smere

Smer daný jednotkovým vektorom

$$\vec{n} = (\sin \vartheta \cos \varphi, \sin \vartheta \sin \varphi, \cos \vartheta)$$

Operátor priemetu spinu vo vybranom smere

$$\hat{s}_n = \vec{n} \cdot \vec{\hat{s}} = \sin \vartheta \cos \varphi \hat{s}_x + \sin \vartheta \sin \varphi \hat{s}_y + \cos \vartheta \hat{s}_z$$

$$\hat{s}_n = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} \cos \vartheta & \sin \vartheta e^{-i\varphi} \\ \sin \vartheta e^{i\varphi} & -\cos \vartheta \end{pmatrix}$$

5

### Meranie spinu

Pripomienka: **meranie mení kvantový stav!**

Príklad: majme stav  $|\uparrow_z\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} |\uparrow_x\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} |\downarrow_x\rangle$  a merajme jeho  $s_x$

Meranie zmení stav na  $|\uparrow_x\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} |\uparrow_z\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |\downarrow_z\rangle$  s pravdepodobnosťou 1/2

alebo  $|\downarrow_x\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} |\uparrow_z\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} |\downarrow_z\rangle$  s pravdepodobnosťou 1/2

V druhom meraní merajme  $s_z$

Môžeme namerat'  $|\uparrow_z\rangle$  s pravdepodobnosťou 1/2

alebo  $|\downarrow_z\rangle$  s pravdepodobnosťou 1/2

Celkovo máme pravdepodobnosť  $1/2 \times 1/2 = 1/4$ , že sa  $|\uparrow_z\rangle$  zmení na  $|\downarrow_z\rangle$ .

6

## Kvantový bit (qubit)

Základná jednotka informácie (v klasickom počítači): bit = 0 alebo 1

Kvantový bit (qubit):  $|q\rangle = a|0\rangle + b|1\rangle$        $a, b \in \mathbb{C}$

(Niektoré) možné realizácie:

štandardná báza

$$\text{spin } 1/2 \quad |1\rangle = |\downarrow_z\rangle \quad |0\rangle = |\uparrow_z\rangle \quad |+\rangle = |\uparrow_x\rangle \quad |-\rangle = |\downarrow_x\rangle$$

Hadamardova báza

$$\text{polarizácia fotónu} \quad |1\rangle = |\text{zvislo}\rangle \quad |0\rangle = |\text{vodorovne}\rangle \quad |+\rangle = |/\rangle \quad |-\rangle = |\backslash\rangle$$

alebo inak...

7

## Blochova sféra - grafické znázornenie qubitov

Stav qubitu môžeme písť aj ako

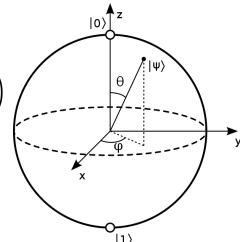
$$|q\rangle = a|0\rangle + b|1\rangle = e^{i\xi} \left( \cos \frac{\vartheta}{2} |0\rangle + e^{i\varphi} \sin \frac{\vartheta}{2} |1\rangle \right)$$

Celková fáza  $\xi$  je irelevantná

Uhly  $\vartheta$  a  $\varphi$  úplne charakterizujú qubit

Každému izolovanému qubitu zodpovedá konkrétny bod na **Blochovej sfére**.

Zmena qubitu sa dá chápať ako rotácia stavu v priestore parametrov, teda na Blochovej sfére.



8

## Veta o zákaze klonovania

Nie je možné vyrobiť nezávislú a identickú kópiu  
ľubovoľného neznámeho kvantového stavu.

[William K Wooters, Wojciech H Zurek, Nature 299 (1982) 802]

### Dôkaz

Predpokladajme existenciu zariadenia (a operátora) na klonovanie, ktoré pôsobi na stav vákuu.

$$\hat{T} : \hat{T} |\psi\rangle |0\rangle = |\psi\rangle |\psi\rangle , \quad \hat{T} |\phi\rangle |0\rangle = |\phi\rangle |\phi\rangle$$

V kvantovej mechanike musí byť operátor lineárny.

$$\begin{aligned}\hat{T}(a|\psi\rangle + b|\phi\rangle)|0\rangle &= a\hat{T}|\psi\rangle|0\rangle + b\hat{T}|\phi\rangle|0\rangle \\ &= a|\psi\rangle|\psi\rangle + b|\phi\rangle|\phi\rangle\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\hat{T}(a|\psi\rangle + b|\phi\rangle)|0\rangle &= (a|\psi\rangle + b|\phi\rangle)(a|\psi\rangle + b|\phi\rangle) \\ &= a^2|\psi\rangle|\psi\rangle + b^2|\phi\rangle|\phi\rangle + ab|\psi\rangle|\phi\rangle + ba|\phi\rangle|\psi\rangle\end{aligned}$$

Výsledky sú rovnaké len pre  $a = b = 0$

9

## Kvantová kryptografia

Základná požiadavka: spoločný šifrovací klúč = binárny reťazec

príklad klúča: 001101011010110110110010101

príklad šifry: zmeň bit na mieste, kde je klúč 0

správa	0   0   1   0   0   0   1   1   0   1   0   1   1   0   0   0   0   1   1   0   1   1   0   0   1   0   1   0   0   1   1   1
klúč	0   0   1   1   0   1   0   1   1   0   1   0   1   1   0   1   1   0   1   1   0   1   1   0   0   0   1   0   1   0   1   1
zašifrované	1   1   1   0   1   0   0   1   0   0   0   1   0   1   0   0   0   1   0   0   1   0   0   0   1   0   1   1   0   1   0   1

Stačí zabezpečiť privátnu distribúciu klúča, ktorý bude známy len komunikujúcim stranám. Toto rieši kvantová kryptografia. Potom sa šifrované správy môžu posielat klasickým kanálom.

Protokol BB84 - bezpečná distribúcia kľúča

[Charles H Bennet, Gilles Brassard: Proc. IEEE Int. Conf. Computers, Systems, and Signal Processing, Bangalore, India, 1984, p. 175]

komunikácia: Alice → Bob

budeme používať značenie (inšpirované polarizáciou fotónu):

<b>štandardná báza:</b> +	<b>Hadamartova báza:</b> X
$1 =  1\rangle =  zvislo\rangle$	$1 =  1\rangle =  +\rangle =  /\rangle$
$0 =  0\rangle =  vodorovne\rangle$	$0 =  0\rangle =  -\rangle =  \backslash\rangle$

1

Protokol BB84 - základná distribúcia kľúča

1. Alice generuje sadu náhodných báz a v nich náhodných qubitov a posielá ich Bobovi
  2. Bob zachytáva quby a meria ich. Pre každé meranie náhodne zvolí bázu a zmeria hodnotu qubitu. Ak zvolí rovnakú bázu ako Alice, zmeria rovnakú hodnotu qubitu. Ak zvolí inú bázu, výsledok merania je 0 alebo 1 s rovnakou pravdepodobnosťou.
  3. Alice a Bob si porovnajú **bázy**, ktoré použili a vyznačia si zhodu.
  4. Zdieľaný kľúč tvoria quby, pri ktorých bola báza rovnaká.

Bobove bágy	x	x	x	x	+	+	+	x	+	+	+	x	x	x	+	+	+	x	x	+	+	x	x	+	+	x	x
Bobove qubity	1	1	0	0	1	0	0	1	0	1	0	1	1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0

zohoda	✓	✓	✓✓		✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
klíč	1	0	0 0		0	1	1	0	1	1	1	1

### Protokol BB84 - vplyv odpočúvania

5. Eva zachytáva Alicine qubits a snaží sa ich merať. Bázu však musí voliť náhodne, lebo ju nepozná.
6. Ak Eva zvolí odlišnú bázu ako Alice, jej meranie zmení stav! Eva pritom nemôže urobiť klon stavu a merať na ňom (veta o zákaze).
7. Bob meria tak ako predtým, aj bázy si môžu s Alicou porovnať tak ako predtým. Eva môže odpočúvať túto komunikáciu.
8. Ak Eva zmenila akceptovaný qubit, majú Alice a Bob odlišné kľúče.

Alicine bázy	x + + x x + + + x x + + x + x + x x + + + x x + x + + + x + + x
Alicine qubits	1 1 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 0 0 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1
Evine bázy	x + x + x x + + x + + + x x + x + x + + x x + + + x + x + x
Evine qubits	1 1 0 1 1 1 0 1 0 0 1 1 0 0 0 1 1 1 1 0 0 1 0 0 1 1 1 0 1 0 1 0 1
Bobove bázy	x x x x + + x + + x x x + + + x x + + + x x + + + x x + + x x
Bobove qubits	1 1 0 0 1 1 0 1 0 0 1 1 1 0 0 0 1 1 1 0 0 1 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1
zhoda	✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓
kľúč Alice	1 0 0 0 0 1 1 1 0 1
kľúč Bob	1 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1 1 1 1 1

13

### Protokol BB84 - odhalenie odpočúvania

9. Alice a Bob si porovnajú (obmedzený počet)  $n$  bitov. Ak nájdú odlišný bit, **odhalili odpočúvanie!** (A nebudú používať tento kľúč!)

Pravdepodobnosť, že Eva *bude odhalená* pri 1 porovnanom bite:  $1/4$   
 $\{1/2 \text{ (že E meria v inej báze ako A)} \times 1/2 \text{ (B nameria opačne ako A)}\}$

Pravdepodobnosť, že Eva *ostane utajená* pri  $n$  porovnaných bitoch:  $3/4^n$

Pravdepodobnosť **odhalenia odpočúvania:**  $P = 1 - (3/4)^n$

Alicine bázy	x + + x x + + + x x + + x + x + x x + + + x x + x + + + x + + x
Alicine qubits	1 1 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 0 0 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1
Evine bázy	x + x + x x + + x + + + x x + x + x + + x x + + + x + x + x
Evine qubits	1 1 0 1 1 1 0 1 0 0 1 1 0 0 0 1 1 1 1 0 0 1 0 0 1 1 0 1 0 1 0 1
Bobove bázy	x x x x + + x + + x x x + + + x x + + + x x + + + x x + + x x
Bobove qubits	1 1 0 0 1 1 0 1 0 0 1 1 1 0 0 0 1 1 1 0 0 1 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1
zhoda	✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓
kľúč Alice	1 0 0 0 0 1 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
kľúč Bob	1 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 0 1 1 1 1 1 1

14

## Operácie na (klasických) bitoch - hradlá (gates)

NOT	<table border="1"> <tr> <td>0</td><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr> <td>1</td><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> </table>	0	1	1	0	1	0	0	1
0	1	1	0						
1	0	0	1						

OR

AND	<table border="1"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> </table>	0	1	1	0	1	1	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0										
1	1	0	0										
0	1	0	0										

XOR	0	1	1	0
	1	1	0	0
	1	0	1	0

SÚČET	0	1	1	1	0
	1	1	1	0	0
	1	0	1	0	1

15

6  
12

一一一

72

## Operácie na qubitoch - kvantové hradlá (quantum gates)

V kvantovej mechanike môžeme na qubit aplikovať akýkoľvek unitárny operátor. Príslušnú transformáciu stavu vieme znázorniť ako rotáciu na Blochovej sfére. (Unitárny operátor je taký, ktorý zachováva správnu normalizáciu stavu.)

Pauliho matice  $\sigma_i$

$$-\boxed{x} = -\boxed{y} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad -\boxed{y} = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix} \quad -\boxed{z} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$$-\boxed{\sqrt{-1}} = \sqrt{\text{NOT}} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1+i & 1-i \\ 1-i & 1+i \end{pmatrix}$$

Hadamartov operátor

$$-\boxed{H}- = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \quad -\boxed{I}- = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Identite

### Príklad použitia (zmeny stavu)

$$|\psi\rangle \xrightarrow{\text{H}} \xrightarrow{x} = \hat{X}\hat{H}|\psi\rangle$$

"otočenie" spinu do smeru x negácia stavu

16

## Kvantové previazanie

Môže k nemu dojsť, ak sú dve alebo viac častic navzájom ovplyvnené jedna druhou. V takom prípade sú spoločne popísané **jedným** kvantovým stavom, a nie každá zvlášť.

Príklad: rozpad častice so spinom 0 na dve častice so spinom 1/2.



Celkový spin musí byť 0, ale nevieme, aký spin letí na akú stranu.

Vlnová funkcia v spinovej časti musí byť

$$|\psi^+\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow_{right}\rangle |\downarrow_{left}\rangle + |\downarrow_{right}\rangle |\uparrow_{left}\rangle)$$

alebo

$$|\psi^-\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow_{right}\rangle |\downarrow_{left}\rangle - |\downarrow_{right}\rangle |\uparrow_{left}\rangle)$$

Konečný stav sa nedá zapísať len ako jednoduchý súčin stavov jednotlivých qubitov. Takého stavy nazývame **previazané** (entangled).

17

## Bellove stavy

Sada úplne previazaných stavov, ktorá tvorí **Bellovu bázu** systému 2 qubitov

$$\begin{aligned} |\phi^+\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0_A\rangle |0_B\rangle + |1_A\rangle |1_B\rangle) & |\psi^+\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0_A\rangle |1_B\rangle + |1_A\rangle |0_B\rangle) \\ |\phi^-\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0_A\rangle |0_B\rangle - |1_A\rangle |1_B\rangle) & |\psi^-\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0_A\rangle |1_B\rangle - |1_A\rangle |0_B\rangle) \end{aligned}$$

V Bellových stavoch môžeme pri meraní na jednom qubite dostať 0 aj 1.

Merania na jednotlivých qubitoch vedú na vlastné stavy, ktoré tvoria **základnú bázu**:

$$\begin{aligned} |00\rangle &= |0_A\rangle |0_B\rangle & |10\rangle &= |1_A\rangle |0_B\rangle \\ |01\rangle &= |0_A\rangle |1_B\rangle & |11\rangle &= |1_A\rangle |1_B\rangle \end{aligned}$$

18

## Kvantová teleportácia

Spôsob, ako na inom mieste urobiť kópiu qubitu. Veta o zákaze klonovania vyžaduje, aby pôvodný qubit zanikol.

Úloha: Alice má stav  $|q_A\rangle = a|0_A\rangle + b|1_A\rangle$   
a chce ho preniesť Bobovi.  
( $a, b$  a priori nepoznáme, index  $A$  znamená, že stav je u Alice)

Podmienka: Alice a Bob musia zdieľať úplne previazaný stav (každý má z neho jeden qubit). Môže to byť ktorýkoľvek Bellov stav. Zvoľme  $\phi^+$  (indexy ukazujú, u koho sa daný qubit nachádza) a máme stav 3 qubitorov

$$|q_A\rangle|\phi^+\rangle = (a|0_A\rangle + b|1_A\rangle) \frac{1}{\sqrt{2}} (|0_{A'}\rangle|0_B\rangle + |1_{A'}\rangle|1_B\rangle)$$
$$|q_A\rangle|\phi^+\rangle = \frac{a}{\sqrt{2}}|0_A\rangle|0_{A'}\rangle|0_B\rangle + \frac{a}{\sqrt{2}}|0_A\rangle|1_{A'}\rangle|1_B\rangle$$
$$+ \frac{b}{\sqrt{2}}|1_A\rangle|0_{A'}\rangle|0_B\rangle + \frac{b}{\sqrt{2}}|1_A\rangle|1_{A'}\rangle|1_B\rangle$$

19

## Kvantová teleportácia - postup

Alice na svojich dvoch qubitech musí zmerať Bellov stav. Tým sa jej dva qubity previažu a stav pôvodného qubitu  $|q_A\rangle$  zanikne. Systém skolabuje do jedného zo štyroch stavov, v ktorých superpozíciu sa nachádzal:

$$|q_A\rangle|\phi^+\rangle = \frac{1}{2}|\phi_A^+\rangle(a|0_B\rangle + b|1_B\rangle) + \frac{1}{2}|\phi_A^-\rangle(a|0_B\rangle - b|1_B\rangle)$$
$$+ \frac{1}{2}|\psi_A^+\rangle(b|0_B\rangle + a|1_B\rangle) - \frac{1}{2}|\psi_A^-\rangle(b|0_B\rangle - a|1_B\rangle)$$

Alice pošle Bobovi informáciu, ktorá zo štyroch Bellovych stavov zmerala.

Ak Alice našla  $|\phi_A^+\rangle$  Bob na svoj qubit aplikuje  $\hat{I}$

Ak Alice našla  $|\phi_A^-\rangle$  Bob na svoj qubit aplikuje  $\hat{Z}$

Ak Alice našla  $|\psi_A^+\rangle$  Bob na svoj qubit aplikuje  $\hat{X}$

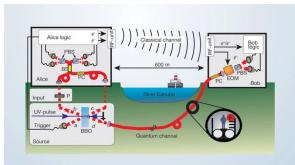
Ak Alice našla  $|\psi_A^-\rangle$  Bob na svoj qubit aplikuje  $\hat{Y}$

V každom prípade Bob získa stav  $(a|0_B\rangle + b|1_B\rangle)$  ktorý u Alice znikol

20

## Kvantová teleportácia - realizácia

Návrh 1993: Bennet, Brassard, Crepeau, Josza, Peres, Wootters  
Prvá realizácia 1997: Sandu Popescu, Anton Zeilinger  
2004: teleportácia 600 cez Dunaj vo Viedni (Zeilinger), použité fotóny



[R. Ursin et al., Nature 430, 849 (2004)]

2012: teleportácia 143 km na Kanárskych ostrovoch (Zeilinger)

2015: teleportácia viacerých stupňov voľnosti, Hefei, Čína,  
Chao-Yang Lu, Jian-Wei Pan

21

## Maticová reprezentácia základnej bázy

Maticová reprezentácia základnej bázy pre 2 qubity

$$|ba\rangle = \begin{pmatrix} b_0 \times \begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \end{pmatrix} \\ b_1 \times \begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_0 a_0 \\ b_0 a_1 \\ b_1 a_0 \\ b_1 a_1 \end{pmatrix} \quad |00\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad |01\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$
$$|10\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad |11\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Podobne je zostavená základná báza aj pre stavy z viacerých qubitov

22

### Hradlá pre viacero qubitov

Hradlá môžu prijímať aj viacero qubitov (matice sa vzťahujú na základnú bázu)

Príklady:

SWAP            
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

vymieňa stavy dvoch qubitov

CNOT            
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

neguje stav  $|a\rangle$ , ak je  $|b\rangle$  v stave 1

... a iné. Kvantové algoritmy sa zostavujú z takýchto hradiel.

23

### Kvantové počítače

- Špeciálne algoritmy!
- (Napríklad Shorov algoritmus na faktORIZÁCIU (veľkých) čísel. Relevantné na prelomenie šifrovania v RSA algoritme.)
- Qubity sú obvykle realizované supravodivými obvodmi. (IBM, Google, Intel → v roku 2021 do 80 qubitov)
- Je možné navrhnuť vlastný kvantový algoritmus a poslať ho do IBM.
- Dosiahnutá **kvantová prevaha** (quantum supremacy): kvantový počítač rieši vybrané problémy rýchlejšie ako klasický. [Jiuzhang, Čína, fotónové qubity, 2020]



Procesor Sycamore (Google),  
inštalovaný v kryostate.  
Bol použitý na demonštráciu  
kvantovej prevahy a na veľké výpočty  
v kvantovej chémii.

24